

Тренировочная работа №3 по ИНФОРМАТИКЕ

11 класс

16 января 2019 года

Вариант ИН10303

Выполнена: ФИО _____ класс _____

Инструкция по выполнению работы

Работа по информатике состоит из двух частей, включающих в себя 27 заданий. Часть 1 содержит 23 задания с кратким ответом. Часть 2 содержит 4 задания с развёрнутым ответом.

На выполнение работы отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1–23 записываются в виде числа, последовательности букв или цифр.

Для выполнения заданий 24–27 Вам необходимо написать развёрнутый ответ в произвольной форме.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. **Записи в черновике не учитываются при оценивании работы.**

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

Желаем успеха!

В заданиях используются следующие соглашения.

1. Обозначения для логических связок (операций):

- а) *отрицание* (инверсия, логическое НЕ) обозначается \neg (например, $\neg A$);
- б) *конъюнкция* (логическое умножение, логическое И) обозначается \wedge (например, $A \wedge B$) либо $\&$ (например, $A \& B$);
- с) *дизъюнкция* (логическое сложение, логическое ИЛИ) обозначается \vee (например, $A \vee B$) либо $|$ (например, $A | B$);
- д) *следование* (импликация) обозначается \rightarrow (например, $A \rightarrow B$);
- е) *тождество* обозначается \equiv (например, $A \equiv B$); выражение $A \equiv B$ истинно тогда и только тогда, когда значения A и B совпадают (либо они оба истинны, либо они оба ложны);
- ф) символ 1 используется для обозначения истины (истинного высказывания); символ 0 – для обозначения лжи (ложного высказывания).

2. Два логических выражения, содержащие переменные, называются *равносильными* (эквивалентными), если значения этих выражений совпадают при любых значениях переменных. Так, выражения $A \rightarrow B$ и $(\neg A) \vee B$ равносильны, а $A \vee B$ и $A \wedge B$ неравносильны (значения выражений разные, например, при $A = 1, B = 0$).

3. Приоритеты логических операций: инверсия (отрицание), конъюнкция (логическое умножение), дизъюнкция (логическое сложение), импликация (следование), тождество. Таким образом, $\neg A \wedge B \vee C \wedge D$ означает то же, что и $((\neg A) \wedge B) \vee (C \wedge D)$.

Возможна запись $A \wedge B \wedge C$ вместо $(A \wedge B) \wedge C$. То же относится и к дизъюнкции: возможна запись $A \vee B \vee C$ вместо $(A \vee B) \vee C$.

4. Обозначения Мбайт и Кбайт используются в традиционном для информатики смысле – как обозначения единиц измерения, соотношение которых с единицей «байт» выражается степенью двойки.

Часть 1

Ответами к заданиям 1–23 являются число, последовательность букв или цифр. Впишите ответы в указанном месте без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

1

Вычислите значение выражения $82_{16} + 1E_{16}$. Ответ запишите в десятичной системе счисления.

Ответ: _____.

2

Логическая функция F задаётся выражением:

$$((x \wedge w) \vee (w \wedge z)) \equiv ((z \rightarrow y) \wedge (y \rightarrow x)).$$

Дан частично заполненный фрагмент, содержащий **неповторяющиеся** строки таблицы истинности функции F .

Определите, какому столбцу таблицы истинности соответствует каждая из переменных w, x, y, z .

Переменная 1	Переменная 2	Переменная 3	Переменная 4	Функция
???	???	???	???	F
1	0	1	1	1
1	0		0	1
1	0		0	1

В ответе напишите буквы w, x, y, z в том порядке, в котором идут соответствующие им столбцы (сначала буква, соответствующая первому столбцу; затем буква, соответствующая второму столбцу, и т. д.). Буквы в ответе пишите подряд, никаких разделителей между буквами ставить не нужно.

Пример. Пусть задано выражение $x \rightarrow y$, зависящее от двух переменных: x и y , и фрагмент таблицы истинности:

Переменная 1	Переменная 2	Функция
???	???	F
0	1	0

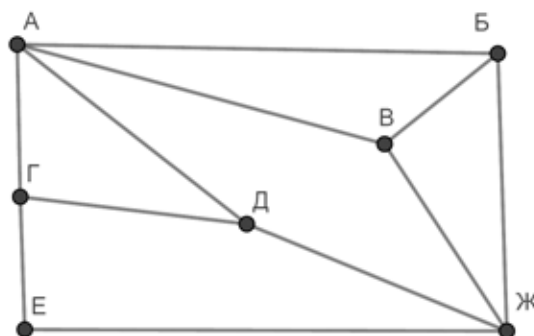
Тогда первому столбцу соответствует переменная y , а второму столбцу – переменная x . В ответе нужно написать: yx .

Ответ: _____.

3

На рисунке схема дорог изображена в виде графа, в таблице содержатся сведения о длине этих дорог в километрах.

	П1	П2	П3	П4	П5	П6	П7
П1		10		13	15		
П2	10		18			12	17
П3		18			20		16
П4	13				11	7	
П5	15		20	11			14
П6		12		7			
П7		17	16		14		



Так как таблицу и схему рисовали независимо друг от друга, нумерация населённых пунктов в таблице никак не связана с буквенными обозначениями на графе. Определите длину кратчайшего пути из пункта Д в пункт Е, если передвигаться можно только по указанным дорогам. В ответе запишите целое число – длину пути в километрах.

Ответ: _____.

4

Даны фрагменты двух таблиц из базы данных. Каждая строка таблицы 2 содержит информацию о ребёнке и об одном из его родителей. Информация представлена значением поля ID в соответствующей строке таблицы 1. На основании имеющихся данных определите ID человека, у которого в данной базе указано наибольшее количество прямых предков. Прямыми предками считаются родители, родители родителей и т. д. Если таких людей несколько, укажите ID самого младшего из них. При вычислении ответа учитывайте только информацию из приведённых фрагментов таблиц.

Таблица 1			
ID	Фамилия И.О.	Пол	Год рождения
152	Павленко А.К.	М	1942
232	Сокол Е.А.	Ж	1964
314	Хитрук Е.А.	Ж	1970
323	Кривич Л.П.	Ж	1943
343	Симонян А.А.	М	1989
407	Хитрук П.А.	М	1937
424	Косых В.Г.	М	1984
468	Симонян С.И.	Ж	1992
613	Хитрук Н.П.	Ж	1939
714	Симонян Т.А.	М	2015
760	Хитрук И.П.	М	1968
803	Сокол Л.М.	Ж	1986
842	Косых Г.В.	М	2010
902	Сокол М.Л.	М	1965
...

Таблица 2	
ID Родителя	ID Ребёнка
152	314
152	232
232	803
314	468
323	314
323	232
343	714
407	760
424	842
468	714
613	760
760	468
803	842
902	803
...	...

Ответ: _____.

5

По каналу связи передаются сообщения, содержащие только семь букв: А, Б, В, Г, Й, К, Л. Для передачи используется двоичный код, удовлетворяющий условию Фано. Кодовые слова для некоторых букв известны: Б – 00, Г – 010, К – 101. Какое наименьшее количество двоичных знаков потребуется для кодирования слова БАЛАЛАЙКА?

Примечание. Условие Фано означает, что ни одно кодовое слово не является началом другого кодового слова.

Ответ: _____.

6 Автомат обрабатывает натуральное число N по следующему алгоритму.

1. Строится двоичная запись числа N .
2. Удаляются первая слева единица и все следующие непосредственно за ней нули. Если после этого в числе не остаётся цифр, результат этого действия считается равным нулю.
3. Полученное число переводится в десятичную запись.
4. Новое число вычитается из исходного, полученная разность выводится на экран.

Пример. Дано число $N = 11$. Алгоритм работает следующим образом.

1. Двоичная запись числа N : 1011.
2. Удаляется первая единица и следующий за ней ноль: 11.
3. Десятичное значение полученного числа 3.
4. На экран выводится число $11 - 3 = 8$.

Сколько разных значений будет показано на экране автомата при последовательном вводе всех натуральных чисел от 100 до 3000?

Ответ: _____.

7 В ячейки электронной таблицы записаны числа, как показано ниже:

	A	B	C	D	E	F
1	10	20	30	40	50	60
2	70	80	90	100	200	300
3	400	500	600	700	800	900
4	1200	1400	1600	1800	2000	2200
5						
6						

В ячейку D5 записали формулу $=\$B2+E\4 . Затем ячейку D5 скопировали в одну из ячеек диапазона A5:F6, после чего в этой ячейке появилось числовое значение 1900. В какую ячейку выполнялось копирование?

Примечание. Знак \$ обозначает абсолютную адресацию.

Ответ: _____.

8

Запишите число, которое будет напечатано в результате выполнения следующей программы. Для Вашего удобства программа представлена на пяти языках программирования.

Бейсик	Python
<pre> DIM S, N AS INTEGER S = 100 N = 300 WHILE S + N <= 600 S = S + 40 N = N - 20 WEND PRINT S </pre>	<pre> s = 100 n = 300 while s + n <= 600: s = s + 40 n = n - 20 print(s) </pre>
Алгоритмический язык	Паскаль
<pre> алг нач цел s, n s := 100 n := 300 нц пока s + n <= 600 s := s + 40 n := n - 20 кц вывод s кон </pre>	<pre> var s, n: integer; begin s := 100; n := 300; while s + n <= 600 do begin s := s + 40; n := n - 20 end; writeln(s) end. </pre>
C++	
<pre> #include <iostream> using namespace std; int main() { int s = 100, n = 300; while (s + n <= 600) { s = s + 40; n = n - 20; } cout << s; return 0; } </pre>	

Ответ: _____.

9

Автоматическая фотокамера с 400 Кбайт видеопамати производит растровые изображения с фиксированным разрешением и 16-цветной палитрой. Сколько цветов можно будет использовать в палитре, если увеличить видеопамать до 800 Кбайт?

Ответ: _____.

- 10** Полина составляет 6-буквенные коды из букв П, О, Л, И, Н, А. Каждую букву нужно использовать ровно 1 раз, при этом нельзя ставить подряд две гласные или две согласные. Сколько различных кодов может составить Полина?

Ответ: _____.

- 11** Ниже на пяти языках программирования записан рекурсивный алгоритм F.

Бейсик	Паскаль
<pre>SUB F(n) IF n < 10 THEN F(n + 3) PRINT N F(3 * n) END IF END SUB</pre>	<pre>procedure F(n: integer); begin if n < 10 then begin F(n + 3); write(n); F(3 * n) end end;</pre>
C++	Python
<pre>void F(int n) { if (n < 10) { F(n + 3); std::cout << n; F(3 * n); } }</pre>	<pre>def F(n): if n < 10: F(n + 3) print(n) F(3 * n)</pre>
Алгоритмический язык	
<pre>алг F(цел n) нач если n < 10 то F(n + 3) вывод n F(3 * n) все кон</pre>	

Запишите подряд без пробелов и разделителей все числа, которые будут показаны на экране при выполнении вызова F(1). Числа должны быть записаны в том же порядке, в котором они выводятся на экран.

Ответ: _____.

12 В терминологии сетей TCP/IP маской сети называется двоичное число, определяющее, какая часть IP-адреса узла сети относится к адресу сети, а какая – к адресу самого узла в этой сети. При этом в маске сначала (в старших разрядах) стоят единицы, а затем с некоторого места – нули. Обычно маска записывается по тем же правилам, что и IP-адрес – в виде четырёх байтов, причём каждый байт записывается в виде десятичного числа. Адрес сети получается в результате применения поразрядной конъюнкции к заданному IP-адресу узла и маске.

Например, если IP-адрес узла равен 231.32.255.131, а маска равна 255.255.240.0, то адрес сети равен 231.32.240.0.

Узлы с IP-адресами 98.162.78.100 и 98.162.78.90 находятся в одной сети. Чему равно наибольшее количество возможных единиц в маске этой сети?

Ответ: _____.

13 Каждый сотрудник предприятия получает электронный пропуск, на котором записаны личный код сотрудника, код подразделения и некоторая дополнительная информация. Личный код состоит из 18 букв. Для формирования кодов используется 15 различных букв, каждая из которых может быть заглавной или строчной. Для записи кода на пропуске отведено минимально возможное целое число байт. При этом используют посимвольное кодирование, все символы кодируют одинаковым минимально возможным количеством бит. Код подразделения – целое трёхзначное число, он записан на пропуске как двоичное число и занимает минимально возможное целое число байт. Всего на пропуске хранится 30 байт данных. Сколько байт выделено для хранения дополнительных сведений об одном сотруднике? В ответе запишите только целое число – количество байт.

Ответ: _____.

14

Исполнитель Редактор получает на вход строку цифр и преобразует её. Редактор может выполнять две команды, в обеих командах v и w обозначают цепочки цифр.

А) **заменить** (v, w).

Эта команда заменяет в строке первое слева вхождение цепочки v на цепочку w . Например, выполнение команды

заменить (111, 27)

преобразует строку 05111150 в строку 0527150.

Если в строке нет вхождений цепочки v , то выполнение команды **заменить** (v, w) не меняет эту строку.

Б) **нашлось** (v).

Эта команда проверяет, встречается ли цепочка v в строке исполнителя Редактор. Если она встречается, то команда возвращает логическое значение «истина», в противном случае возвращает значение «ложь». Строка исполнителя при этом не изменяется.

Цикл

ПОКА *условие*

последовательность команд

КОНЕЦ ПОКА

выполняется, пока условие истинно.

Какая строка получится в результате применения приведённой ниже программы к строке, состоящей из 77 единиц?

НАЧАЛО

ПОКА **нашлось** (111)

заменить (111, 2)

заменить (222, 3)

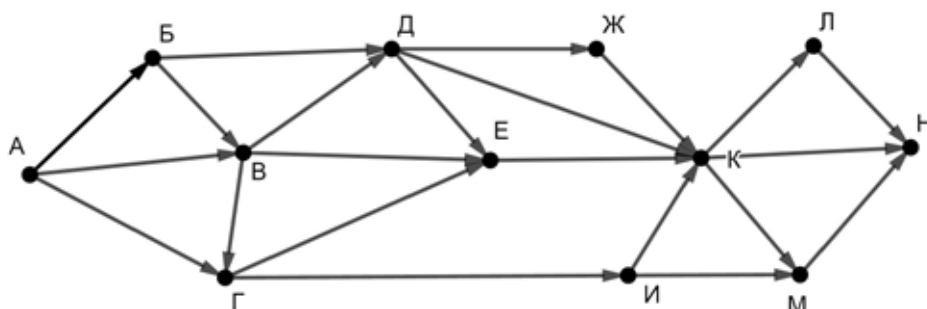
заменить (333, 1)

КОНЕЦ ПОКА

КОНЕЦ

Ответ: _____.

- 15** На рисунке – схема дорог, связывающих пункты А, Б, В, Г, Д, Е, Ж, И, К, Л, М, Н.



Сколько существует различных путей из пункта А в пункт Н, **не** проходящих через пункт В?

Ответ: _____.

- 16** Значение выражения $3 \cdot 216^4 + 2 \cdot 36^6 - 648$ записали в системе счисления с основанием 6. Сколько цифр «5» содержится в этой записи?

Ответ: _____.

- 17** В языке запросов поискового сервера для обозначения логической операции «ИЛИ» используется символ «|», а для логической операции «И» – символ «&». В таблице приведены запросы и количество найденных по ним страниц некоторого сегмента сети Интернет.

Запрос	Найдено страниц (в тысячах)
<i>Тредиаковский</i>	84
<i>Тредиаковский Жуковский</i>	488
<i>Сикорский</i>	354
<i>Сикорский & Жуковский</i>	114
<i>Сикорский & Тредиаковский</i>	0
<i>Жуковский</i>	426

Какое количество страниц (в тысячах) будет найдено по запросу

Тредиаковский | Жуковский | Сикорский?

Считается, что все запросы выполнялись практически одновременно, так что набор страниц, содержащих все искомые слова, не изменялся за время выполнения запросов.

Ответ: _____.

18 Для какого наименьшего целого неотрицательного числа A выражение

$$(5x + 3y \neq 60) \vee ((A > x) \wedge (A > y))$$

тождественно истинно при любых целых неотрицательных x и y ?

Ответ: _____.

19 Представленный ниже на пяти языках программирования фрагмент программы обрабатывает элементы одномерного целочисленного массива A с индексами от 0 до 9. Перед началом выполнения данного фрагмента эти элементы массива имели значения 3, 5, 8, 2, 1, 4, 3, 1, 2, 6 (т.е. $A[0] = 3$, $A[1] = 5$, ..., $A[9] = 6$). Определите значение переменной s после выполнения фрагмента.

Бейсик	Паскаль
<pre>s = 0 FOR i = 0 TO 8 IF A(i) < A(9) THEN t = A(i) A(i) = A(8-i) A(8-i) = t s = s + t END IF NEXT i</pre>	<pre>s := 0; for i:=0 to 8 do begin if A[i] < A[9] then begin t := A[i]; A[i] := A[8-i]; A[8-i] := t; s := s + t end end;</pre>
C++	Алгоритмический язык
<pre>s = 0; for (i = 0; i < 9; ++i) { if (A[i] < A[9]) { t = A[i]; A[i] = A[8-i]; A[8-i] = t; s += t; } }</pre>	<pre>s := 0 нц для i от 0 до 8 если A[i] < A[9] то t := A[i] A[i] := A[8-i] A[8-i] := t s := s + t все кц</pre>
Python	
<pre>s = 0 for i in range(0,9): if A[i] < A[9]: t = A[i] A[i] = A[8-i] A[8-i] = t s += t</pre>	

Ответ: _____.

20

Ниже на пяти языках программирования записан алгоритм, который вводит натуральное число x , выполняет преобразования, а затем выводит одно число. Укажите **наименьшее** возможное значение x , при вводе которого алгоритм выведет число 8.

Бейсик	Паскаль
<pre> DIM X, A, B, D AS INTEGER INPUT X A = 0: B = 10 WHILE X > 0 D = X MOD 6 IF D > A THEN A = D IF D < B THEN B = D X = X \ 6 WEND PRINT A+B </pre>	<pre> var x, a, b, d: longint; begin readln(x); a := 0; b := 10; while x > 0 do begin d := x mod 6 if d > a then a := d; if d < b then b := d; x := x div 6 end; writeln(a+b) end. </pre>
С++	Алгоритмический язык
<pre> #include <iostream> using namespace std; int main() { int x, a, b, d; cin >> x; a = 0; b = 10; while (x > 0) { d = x % 6; if (d > a) a = d; if (d < b) b = d; x = x / 6; } cout << a+b << endl; return 0; } </pre>	<pre> алг нач цел x, a, b, d ввод x a := 0; b := 10 нц пока x > 0 d := mod(x,6) если d > a то a := d все если d < b то b := d все x := div(x,6) кц вывод a+b кон </pre>
Python	
<pre> x = int(input()) a=0; b=10 while x > 0: d = x % 6 if d > a: a = d if d < b: b = d x = x // 6 print(a+b) </pre>	

Ответ: _____.

21

Какое число будет напечатано в результате работы следующей программы?
Для Вашего удобства программа приведена на пяти языках программирования.

Бейсик	Паскаль
<pre> DIM A, B, T, M, R AS INTEGER A = -9: B = 9 M = A: R = F(A) FOR T = A TO B IF F(T) < R THEN M = T R = F(T) END IF NEXT T PRINT M+R FUNCTION F(x) IF X>0 THEN F = (x-10)*(x-10) + 10 ELSE F = (x+9)*(x+9) + 11 END IF END FUNCTION </pre>	<pre> var a, b, t, M, R :integer; function F(x:integer):integer; begin if x>0 then F := (x-10)*(x-10) + 10 else F := (x+9)*(x+9) + 11 end; begin a := -9; b := 9; M := a; R := F(a); for t := a to b do begin if F(t) < R then begin M := t; R := F(t) end end; write(M+R) end. </pre>
С++	Алгоритмический язык
<pre> #include <iostream> using namespace std; int F(int x) { if (x>0) return (x-10)*(x-10) + 10; else return (x+9)*(x+9) + 11; } int main() { int a, b, t, M, R; a = -9; b = 9; M = a; R = F(a); for (t=a; t<=b; ++t) { if (F(t) < R) { M = t; R = F(t); } } cout << M+R; return 0; } </pre>	<pre> алг нач цел a, b, t, M, R a := -9; b := 9 M := a; R := F(a) нц для t от a до b если F(t) < R то M := t; R := F(t) все кц вывод M+R кон алг цел F(цел x) нач если x>0 то знач := (x-10)*(x-10) + 10 иначе знач := (x+9)*(x+9) + 11 все кон </pre>

Python

```
def F(x):  
    if x>0:  
        return (x-10)*(x-10) + 10  
    else:  
        return (x+9)*(x+9) + 11  
a=-9; b=9  
M=a; R=F(a)  
for t in range(a,b+1):  
    if F(t) < R:  
        M=t; R=F(t)  
print(M+R)
```

Ответ: _____.

22

Исполнитель РазДваПять преобразует число на экране.

У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1

2. Умножить на 2

3. Прибавить 5

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2, третья увеличивает на 5.

Программа для исполнителя РазДваПять – это последовательность команд.

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное **число 1 в число 18**, и при этом траектория вычислений **содержит число 9 и не содержит числа 11**?

Траектория вычислений – это последовательность результатов выполнения всех команд программы. Например, для программы **312** при исходном числе 4 траектория будет состоять из чисел 20, 21, 42.

Ответ: _____.

23

Сколько существует различных наборов значений логических переменных x_1, x_2, \dots, x_8 , которые удовлетворяют всем перечисленным ниже условиям?

$$(x_1 \vee x_2) \rightarrow (x_3 \wedge x_4) = 1$$

$$(x_3 \vee x_4) \rightarrow (x_5 \wedge x_6) = 1$$

$$(x_5 \vee x_6) \rightarrow (x_7 \wedge x_8) = 1$$

В ответе **не нужно** перечислять все различные наборы значений переменных x_1, x_2, \dots, x_8 , при которых выполнена данная система равенств. В качестве ответа Вам нужно указать количество таких наборов.

Ответ: _____.

Часть 2

Для записи ответов на задания этой части (24–27) используйте отдельный лист. Запишите сначала номер задания (24, 25 и т. д.), а затем – полное решение. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

24

Факториалом натурального числа N (обозначается $N!$) называется произведение всех натуральных чисел от 1 до N . Например, $4! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 = 24$.

Даны целые положительные числа A и B , $0 < A \leq B$. Необходимо найти количество таких натуральных K , для которых $A \leq K! \leq B$. Например, при $A = 5$, $B = 25$ ответ должен быть равен 2 (подходящие значения K – 3 и 4, их факториалы 6 и 24 попадают в заданный интервал).

Для решения этой задачи ученик написал программу, но, к сожалению, его программа неправильная.

Ниже эта программа для Вашего удобства приведена на пяти языках программирования.

Бейсик	Python
<pre> DIM A, B, K, F, D AS INTEGER INPUT A: INPUT B F = 1 K = 1 D = 1 WHILE F <= B IF F > A THEN D = D + 1 END IF K = K + 1 F = F * K WEND PRINT D END </pre>	<pre> a = int(input()) b = int(input()) f = 1 k = 1 d = 1 while f <= b: if f > a: d += 1 k += 1 f *= k print(d) </pre>
Алгоритмический язык	Паскаль
<pre> алг нач цел a, b, k, f, d ввод a, b f := 1 k := 1 d := 1 нц пока f <= b если f > a то d := d + 1 все k := k + 1 f := f * k кц вывод d кон </pre>	<pre> var a, b, k, f, d: integer; begin read(a, b); f := 1; k := 1; d := 1; while f <= b do begin if f > a then d := d + 1; k := k + 1; f := f * k; end; writeln(d) end. </pre>

C++

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main(){
    int a, b, k, f, d;
    cin >> a >> b;
    f = 1;
    k = 1;
    d = 1;
    while (f <= b) {
        if (f > a)
            ++d;
        ++k;
        f *= k;
    }
    cout << d;
    return 0;
}
```

Последовательно выполните следующее.

1. Напишите, что выведет эта программа при вводе чисел 5 и 25.
2. Приведите пример входных данных, при которых программа выведет верный ответ.
3. Найдите в программе все ошибки (известно, что их не больше двух) и исправьте их. Для каждой ошибки выпишите строку, в которой она допущена, и приведите эту же строку в исправленном виде.

Достаточно указать ошибки и способ их исправления для одного языка программирования.

Обратите внимание: Вам нужно исправить приведённую программу, а не написать свою. Вы можете только заменять ошибочные строки, но не можете удалять строки или добавлять новые. Заменять следует только ошибочные строки: за исправления, внесённые в строки, не содержащие ошибок, баллы будут снижаться.

25

Дан массив, содержащий 2019 положительных целых чисел, не превышающих 15 000. Необходимо найти сумму минимального чётного и минимального нечётного элементов (если в массиве нет чётных или нечётных элементов, соответствующий минимум считается равным нулю), уменьшить все элементы, которые больше этой суммы, на её значение и вывести изменённый массив. Например, для исходного массива из пяти элементов – 30, 99, 27, 90, 66 – программа должна вывести числа 30, 42, 27, 33, 9 (сумма минимумов равна 57, все элементы, большие 57, уменьшены на 57).

Напишите на одном из языков программирования программу для решения этой задачи.

Исходные данные объявлены так, как показано ниже. Запрещается использовать переменные, не описанные ниже, но разрешается не использовать часть из описанных.

Бейсик	Python
<pre>CONST N=2019 DIM A(N) AS INTEGER DIM I, K, M AS INTEGER FOR I = 1 TO N INPUT A(I) NEXT I ... END</pre>	<pre># кроме уже указанных # допускается использование # целочисленных переменных # k, m a = [] N = 2019 for i in range(0, N): a.append(int(input())) ...</pre>
Алгоритмический язык	Паскаль
<pre>алг нач цел N=2019 целтаб a[1:N] цел i, k, m нц для i от 1 до N ввод a[i] кц ... Кон</pre>	<pre>const N=2019; var a: array [1..N] of integer; i, k, m: integer; begin for i:=1 to N do readln(a[i]); ... end.</pre>
C++	
<pre>#include <iostream> using namespace std; const int N=2019; int main(){ int a[N]; int i, k, m; for (i=0; i<N; ++i) cin >> a[i]; ... return 0; }</pre>	

В качестве ответа Вам необходимо привести фрагмент программы, который должен находиться на месте многоточия. Вы можете записать решение также на другом языке программирования (укажите название и используемую версию языка программирования, например Free Pascal 2.6). В этом случае Вы должны использовать те же самые исходные данные и переменные, какие были предложены в условии.

26

Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежат две кучи камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может **убрать** из одной из куч **один камень** или **уменьшить количество камней в куче в два раза** (если количество камней в куче нечётно, остаётся на 1 камень меньше, чем убирается). Например, пусть в одной куче 6, а в другой 9 камней; такую позицию мы будем обозначать (6, 9). За один ход из позиции (6, 9) можно получить любую из четырёх позиций: (5, 9), (3, 9), (6, 8), (6, 5).

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не более 20. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший позицию, в которой в кучах будет 20 или меньше камней.

В начальный момент в первой куче было 10 камней, во второй куче – S камней, $S > 10$.

Будем говорить, что игрок имеет *выигрышную стратегию*, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока – значит описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника. В описание выигрышной стратегии не следует включать ходы играющего по ней игрока, которые не являются для него безусловно выигрышными, то есть не гарантируют выигрыш независимо от игры противника.

Выполните следующие задания.

Задание 1.

Назовите все значения S , при которых Петя может выиграть первым ходом.

Задание 2.

Укажите такое значение S , при котором у Пети есть выигрышная стратегия, причём Петя не может выиграть первым ходом, но может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня. Для указанного значения S опишите выигрышную стратегию Пети.

Задание 3.

Укажите такое значение S , при котором у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети, и при этом у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

Для указанного значения S опишите выигрышную стратегию Вани. Постройте дерево всех партий, возможных при этой выигрышной стратегии Вани (в виде рисунка или таблицы). В узлах дерева указывайте игровые позиции. Дерево не должно содержать партий, невозможных при реализации выигрывающим игроком своей выигрышной стратегии. Например, полное дерево игры не будет верным ответом на это задание.

27

Дана последовательность N целых положительных чисел. Рассматриваются все пары элементов последовательности, находящихся на расстоянии не меньше 6 (разница в индексах элементов должна быть 6 или более). Необходимо определить количество пар, сумма чисел в которых нечётна.

Описание входных и выходных данных

В первой строке входных данных задаётся количество чисел N ($6 \leq N \leq 1000$). В каждой из последующих N строк записано одно натуральное число, не превышающее 10 000.

Пример входных данных:

8
1
3
5
4
6
7
9
8

Пример выходных данных для приведённого выше примера входных данных:

2

Пояснение. Из 8 чисел можно составить 3 пары, удовлетворяющие условию. Это будут элементы с индексами 1 и 7, 1 и 8, 2 и 8. Для заданного набора чисел получаем пары (1, 9), (1, 8), (3, 8). Суммы чисел в этих парах равны 10, 9, 11. Нечётных сумм – две.

Напишите эффективную по времени и по памяти программу для решения этой задачи.

Программа считается эффективной по времени, если при увеличении количества исходных чисел N в k раз время работы программы увеличивается не более чем в k раз.

Программа считается эффективной по памяти, если память, необходимая для хранения всех переменных программы, не превышает одного килобайта и не увеличивается с ростом N .

Максимальная оценка за правильную (не содержащую синтаксических ошибок и дающую правильный ответ при любых допустимых входных данных) программу, эффективную по времени и по памяти, – 4 балла.

Максимальная оценка за правильную программу, эффективную только по времени или только по памяти, – 3 балла.

Максимальная оценка за правильную программу, не удовлетворяющую требованиям эффективности, – 2 балла.

Вы можете сдать **одну** или **две** программы решения задачи. Если Вы сдадите две программы, каждая из них будет оцениваться независимо от другой, итоговой станет **бóльшая** из двух оценок.

Перед текстом программы кратко опишите алгоритм решения. Укажите использованный язык программирования и его версию.

Тренировочная работа №3 по ИНФОРМАТИКЕ

11 класс

16 января 2019 года

Вариант ИН10304

Выполнена: ФИО _____ класс _____

Инструкция по выполнению работы

Работа по информатике состоит из двух частей, включающих в себя 27 заданий. Часть 1 содержит 23 задания с кратким ответом. Часть 2 содержит 4 задания с развёрнутым ответом.

На выполнение работы отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1–23 записываются в виде числа, последовательности букв или цифр.

Для выполнения заданий 24–27 Вам необходимо написать развёрнутый ответ в произвольной форме.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. **Записи в черновике не учитываются при оценивании работы.**

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

Желаем успеха!

В заданиях используются следующие соглашения.

1. Обозначения для логических связок (операций):

- а) *отрицание* (инверсия, логическое НЕ) обозначается \neg (например, $\neg A$);
- б) *конъюнкция* (логическое умножение, логическое И) обозначается \wedge (например, $A \wedge B$) либо $\&$ (например, $A \& B$);
- с) *дизъюнкция* (логическое сложение, логическое ИЛИ) обозначается \vee (например, $A \vee B$) либо $|$ (например, $A | B$);
- д) *следование* (импликация) обозначается \rightarrow (например, $A \rightarrow B$);
- е) *тождество* обозначается \equiv (например, $A \equiv B$); выражение $A \equiv B$ истинно тогда и только тогда, когда значения A и B совпадают (либо они оба истинны, либо они оба ложны);
- ф) символ 1 используется для обозначения истины (истинного высказывания); символ 0 – для обозначения лжи (ложного высказывания).

2. Два логических выражения, содержащие переменные, называются *равносильными* (эквивалентными), если значения этих выражений совпадают при любых значениях переменных. Так, выражения $A \rightarrow B$ и $(\neg A) \vee B$ равносильны, а $A \vee B$ и $A \wedge B$ неравносильны (значения выражений разные, например, при $A = 1, B = 0$).

3. Приоритеты логических операций: инверсия (отрицание), конъюнкция (логическое умножение), дизъюнкция (логическое сложение), импликация (следование), тождество. Таким образом, $\neg A \wedge B \vee C \wedge D$ означает то же, что и $((\neg A) \wedge B) \vee (C \wedge D)$.

Возможна запись $A \wedge B \wedge C$ вместо $(A \wedge B) \wedge C$. То же относится и к дизъюнкции: возможна запись $A \vee B \vee C$ вместо $(A \vee B) \vee C$.

4. Обозначения Мбайт и Кбайт используются в традиционном для информатики смысле – как обозначения единиц измерения, соотношение которых с единицей «байт» выражается степенью двойки.

Часть 1

Ответами к заданиям 1–23 являются число, последовательность букв или цифр. Впишите ответы в указанном месте без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

1

Вычислите значение выражения $73_{16} + 2E_{16}$. Ответ запишите в десятичной системе счисления.

Ответ: _____.

2

Логическая функция F задаётся выражением:

$$((x \wedge y) \vee (y \wedge z)) \equiv ((x \rightarrow w) \wedge (w \rightarrow z)).$$

Дан частично заполненный фрагмент, содержащий **неповторяющиеся** строки таблицы истинности функции F .

Определите, какому столбцу таблицы истинности соответствует каждая из переменных w, x, y, z .

Переменная 1	Переменная 2	Переменная 3	Переменная 4	Функция
???	???	???	???	F
0	1	1	1	1
0	1	0		1
0	1	0		1

В ответе напишите буквы w, x, y, z в том порядке, в котором идут соответствующие им столбцы (сначала буква, соответствующая первому столбцу; затем буква, соответствующая второму столбцу, и т. д.). Буквы в ответе пишите подряд, никаких разделителей между буквами ставить не нужно.

Пример. Пусть задано выражение $x \rightarrow y$, зависящее от двух переменных: x и y , и фрагмент таблицы истинности:

Переменная 1	Переменная 2	Функция
???	???	F
0	1	0

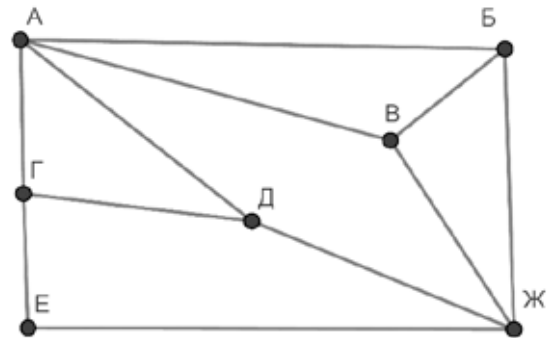
Тогда первому столбцу соответствует переменная y , а второму столбцу соответствует переменная x . В ответе нужно написать: yx .

Ответ: _____.

3

На рисунке схема дорог изображена в виде графа, в таблице содержатся сведения о длине этих дорог в километрах.

	П1	П2	П3	П4	П5	П6	П7
П1		15	11	9			
П2	15		17		12		
П3	11	17				16	22
П4	9				14		
П5		12		14		19	20
П6			16		19		18
П7			22		20	18	



Так как таблицу и схему рисовали независимо друг от друга, нумерация населённых пунктов в таблице никак не связана с буквенными обозначениями на графе. Определите длину кратчайшего пути из пункта Г в пункт Ж, если передвигаться можно только по указанным дорогам. В ответе запишите целое число – длину пути в километрах.

Ответ: _____.

4

Даны фрагменты двух таблиц из базы данных. Каждая строка таблицы 2 содержит информацию о ребёнке и об одном из его родителей. Информация представлена значением поля ID в соответствующей строке таблицы 1. На основании имеющихся данных определите ID человека, у которого в данной базе указано наибольшее количество прямых предков. Прямыми предками считаются родители, родители родителей и т.д. Если таких людей несколько, укажите ID самого младшего из них. При вычислении ответа учитывайте только информацию из приведённых фрагментов таблиц.

Таблица 1			
ID	Фамилия И.О.	Пол	Год рождения
152	Павленко А.К.	М	1942
232	Сокол Е.П.	Ж	1964
314	Хитрук Е.А.	Ж	1970
323	Кривич Л.П.	Ж	1947
343	Симонян А.А.	М	1989
407	Хитрук П.А.	М	1937
424	Косых В.Г.	М	1984
468	Симонян С.И.	Ж	1992
613	Хитрук Н.П.	Ж	1939
760	Хитрук И.П.	М	1968
803	Сокол Л.М.	Ж	1986
880	Косых Г.В.	М	2010
902	Сокол М.Л.	М	1965
957	Симонян Т.А.	М	2015
...

Таблица 2	
ID Родителя	ID Ребёнка
152	314
232	803
314	468
323	314
343	957
407	760
407	232
424	880
468	957
613	760
613	232
760	468
803	880
902	803
...	...

Ответ: _____.

5

По каналу связи передаются сообщения, содержащие только семь букв: А, Б, В, Д, О, Р, Т. Для передачи используется двоичный код, удовлетворяющий условию Фано. Кодовые слова для некоторых букв известны: Б – 01, Д – 001, Р – 100. Какое наименьшее количество двоичных знаков потребуется для кодирования слова ВОДОВОРОТ?

Примечание. Условие Фано означает, что ни одно кодовое слово не является началом другого кодового слова.

Ответ: _____.

6 Автомат обрабатывает натуральное число N по следующему алгоритму.

1. Строится двоичная запись числа N .
2. Удаляется первая слева единица и все следующие непосредственно за ней нули. Если после этого в числе не остаётся цифр, результат этого действия считается равным нулю.
3. Полученное число переводится в десятичную запись.
4. Новое число вычитается из исходного, полученная разность выводится на экран.

Пример. Дано число $N = 11$. Алгоритм работает следующим образом.

1. Двоичная запись числа N : 1011.
2. Удаляется первая единица и следующий за ней ноль: 11.
3. Десятичное значение полученного числа 3.
4. На экран выводится число $11 - 3 = 8$.

Сколько разных значений будет показано на экране автомата при последовательном вводе всех натуральных чисел от 10 до 1000?

Ответ: _____.

7 В ячейки электронной таблицы записаны числа, как показано ниже:

	A	B	C	D	E	F
1	10	20	30	40	50	60
2	70	80	90	100	200	300
3	400	500	600	700	800	900
4	1200	1400	1600	1800	2000	2200
5						
6						

В ячейку D6 записали формулу $=\$D4+B\2 . Затем ячейку D6 скопировали в одну из ячеек диапазона A5:F6, после чего в этой ячейке появилось числовое значение 800. В какую ячейку выполнялось копирование?

Примечание. Знак \$ обозначает абсолютную адресацию.

Ответ: _____.

8

Запишите число, которое будет напечатано в результате выполнения следующей программы. Для Вашего удобства программа представлена на пяти языках программирования.

Бейсик	Python
<pre> DIM S, N AS INTEGER S = 100 N = 300 WHILE S + N <= 500 S = S + 30 N = N - 20 WEND PRINT S </pre>	<pre> s = 100 n = 300 while s + n <= 500: s = s + 30 n = n - 20 print(s) </pre>
Алгоритмический язык	Паскаль
<pre> алг нач цел s, n s := 100 n := 300 нц пока s + n <= 500 s := s + 30 n := n - 20 кц вывод s кон </pre>	<pre> var s, n: integer; begin s := 100; n := 300; while s + n <= 500 do begin s := s + 30; n := n - 20 end; writeln(s) end. </pre>
C++	
<pre> #include <iostream> using namespace std; int main() { int s = 100, n = 300; while (s + n <= 500) { s = s + 30; n = n - 20; } cout << s; return 0; } </pre>	

Ответ: _____.

9

Автоматическая фотокамера с 200 Кбайт видеопамати производит растровые изображения с фиксированным разрешением и 8-цветной палитрой. Сколько цветов можно будет использовать в палитре, если увеличить видеопамать до 400 Кбайт?

Ответ: _____.

- 10** Герасим составляет 7-буквенные коды из букв Г, Е, Р, А, С, И, М. Каждую букву нужно использовать ровно 1 раз, при этом нельзя ставить подряд две гласные или две согласные. Сколько различных кодов может составить Герасим?

Ответ: _____.

- 11** Ниже на пяти языках программирования записан рекурсивный алгоритм F.

Бейсик	Паскаль
<pre>SUB F(n) IF n < 10 THEN F(3 * n) PRINT N F(n + 3) END IF END SUB</pre>	<pre>procedure F(n: integer); begin if n < 10 then begin F(3 * n); write(n); F(n + 3) end end;</pre>
C++	Python
<pre>void F(int n) { if (n < 10) { F(3 * n); std::cout << n; F(n + 3); } }</pre>	<pre>def F(n): if n < 10: F(3 * n) print(n) F(n + 3)</pre>
Алгоритмический язык	
<pre>алг F(цел n) нач если n < 10 то F(3 * n) вывод n F(n + 3) все кон</pre>	

Запишите подряд без пробелов и разделителей все числа, которые будут показаны на экране при выполнении вызова F(1). Числа должны быть записаны в том же порядке, в котором они выводятся на экран.

Ответ: _____.

12 В терминологии сетей TCP/IP маской сети называется двоичное число, определяющее, какая часть IP-адреса узла сети относится к адресу сети, а какая – к адресу самого узла в этой сети. При этом в маске сначала (в старших разрядах) стоят единицы, а затем с некоторого места – нули. Обычно маска записывается по тем же правилам, что и IP-адрес – в виде четырёх байтов, причём каждый байт записывается в виде десятичного числа. Адрес сети получается в результате применения поразрядной конъюнкции к заданному IP-адресу узла и маске.

Например, если IP-адрес узла равен 231.32.255.131, а маска равна 255.255.240.0, то адрес сети равен 231.32.240.0.

Узлы с IP-адресами 98.162.71.150 и 98.162.71.140 находятся в одной сети. Чему равно наибольшее количество возможных единиц в маске этой сети?

Ответ: _____.

13 Каждый сотрудник предприятия получает электронный пропуск, на котором записаны личный код сотрудника, код подразделения и некоторая дополнительная информация. Личный код состоит из 20 букв. Для формирования кодов используется 14 различных букв, каждая из которых может быть заглавной или строчной. Для записи кода на пропуске отведено минимально возможное целое число байт. При этом используют посимвольное кодирование, все символы кодируют одинаковым минимально возможным количеством бит. Код подразделения – целое четырёхзначное число, он записан на пропуске как двоичное число и занимает минимально возможное целое число байт. Всего на пропуске хранится 30 байт данных. Сколько байт выделено для хранения дополнительных сведений об одном сотруднике? В ответе запишите только целое число – количество байт.

Ответ: _____.

14

Исполнитель Редактор получает на вход строку цифр и преобразует её. Редактор может выполнять две команды, в обеих командах v и w обозначают цепочки цифр.

А) **заменить** (v, w).

Эта команда заменяет в строке первое слева вхождение цепочки v на цепочку w . Например, выполнение команды

заменить (111, 27)

преобразует строку 05111150 в строку 0527150.

Если в строке нет вхождений цепочки v , то выполнение команды **заменить** (v, w) не меняет эту строку.

Б) **нашлось** (v).

Эта команда проверяет, встречается ли цепочка v в строке исполнителя Редактор. Если она встречается, то команда возвращает логическое значение «истина», в противном случае возвращает значение «ложь». Строка исполнителя при этом не изменяется.

Цикл

ПОКА *условие*

последовательность команд

КОНЕЦ ПОКА

выполняется, пока условие истинно.

Какая строка получится в результате применения приведённой ниже программы к строке, состоящей из 66 единиц?

НАЧАЛО

ПОКА **нашлось** (111)

заменить (111, 2)

заменить (222, 3)

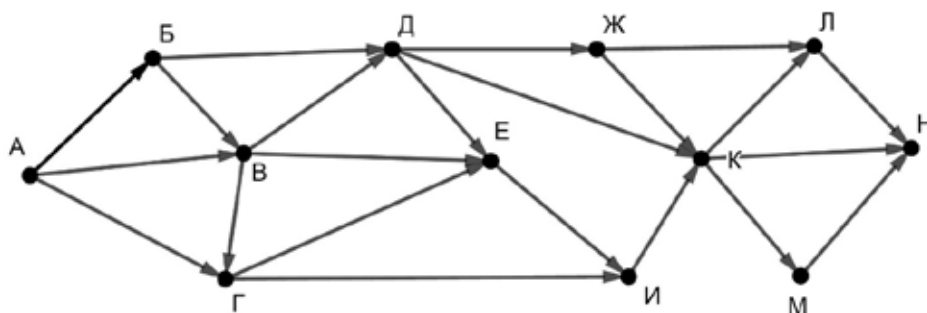
заменить (333, 1)

КОНЕЦ ПОКА

КОНЕЦ

Ответ: _____.

- 15** На рисунке – схема дорог, связывающих пункты А, Б, В, Г, Д, Е, Ж, И, К, Л, М, Н.



Сколько существует различных путей из пункта А в пункт Н, **не** проходящих через пункт В?

Ответ: _____.

- 16** Значение выражения $2 \cdot 216^6 + 3 \cdot 36^9 - 432$ записали в системе счисления с основанием 6. Сколько цифр «5» содержится в этой записи?

Ответ: _____.

- 17** В языке запросов поискового сервера для обозначения логической операции «ИЛИ» используется символ «|», а для логической операции «И» – символ «&». В таблице приведены запросы и количество найденных по ним страниц некоторого сегмента сети Интернет.

Запрос	Найдено страниц (в тысячах)
<i>Тредиаковский</i>	68
<i>Тредиаковский & Жуковский</i>	14
<i>Сикорский</i>	320
<i>Сикорский Жуковский</i>	584
<i>Сикорский Тредиаковский</i>	388
<i>Жуковский</i>	366

Какое количество страниц (в тысячах) будет найдено по запросу

Тредиаковский | Жуковский | Сикорский?

Считается, что все запросы выполнялись практически одновременно, так что набор страниц, содержащих все искомые слова, не изменялся за время выполнения запросов.

Ответ: _____.

18 Для какого наименьшего целого неотрицательного числа A выражение

$$(3x + 4y \neq 60) \vee ((A \geq x) \wedge (A \geq y))$$

тождественно истинно при любых целых неотрицательных x и y ?

Ответ: _____.

19 Представленный ниже на пяти языках программирования фрагмент программы обрабатывает элементы одномерного целочисленного массива A с индексами от 0 до 9. Перед началом выполнения данного фрагмента эти элементы массива имели значения 2, 4, 8, 6, 1, 7, 2, 3, 6, 7 (т. е. $A[0] = 2$, $A[1] = 4$, ..., $A[9] = 7$). Определите значение переменной s после выполнения фрагмента.

Бейсик	Паскаль
<pre>s = 0 FOR i = 0 TO 8 IF A(i) < A(9) THEN t = A(i) A(i) = A(8-i) A(8-i) = t s = s + t END IF NEXT i</pre>	<pre>s := 0; for i:=0 to 8 do begin if A[i] < A[9] then begin t := A[i]; A[i] := A[8-i]; A[8-i] := t; s := s + t end end;</pre>
C++	Алгоритмический язык
<pre>s = 0; for (i = 0; i < 9; ++i) { if (A[i] < A[9]) { t = A[i]; A[i] = A[8-i]; A[8-i] = t; s += t; } }</pre>	<pre>s := 0 нц для i от 0 до 8 если A[i] < A[9] то t := A[i] A[i] := A[8-i] A[8-i] := t s := s + t все кц</pre>
Python	
<pre>s = 0 for i in range(0,9): if A[i] < A[9]: t = A[i] A[i] = A[8-i] A[8-i] = t s += t</pre>	

Ответ: _____.

20

Ниже на пяти языках программирования записан алгоритм, который вводит натуральное число x , выполняет преобразования, а затем выводит одно число. Укажите **наименьшее** возможное значение x , при вводе которого алгоритм выведет число 7.

Бейсик	Паскаль
<pre> DIM X, A, B, D AS INTEGER INPUT X A = 0: B = 10 WHILE X > 0 D = X MOD 6 IF D > A THEN A = D IF D < B THEN B = D X = X \ 6 WEND PRINT A+B </pre>	<pre> var x, a, b, d: longint; begin readln(x); a := 0; b := 10; while x > 0 do begin d := x mod 6 if d > a then a := d; if d < b then b := d; x := x div 6 end; writeln(a+b) end. </pre>
С++	Алгоритмический язык
<pre> #include <iostream> using namespace std; int main() { int x, a, b, d; cin >> x; a = 0; b = 10; while (x > 0) { d = x % 6; if (d > a) a = d; if (d < b) b = d; x = x / 6; } cout << a+b << endl; return 0; } </pre>	<pre> алг нач цел x, a, b, d ввод x a := 0; b := 10 нц пока x > 0 d := mod(x,6) если d > a то a := d все если d < b то b := d все x := div(x,6) кц вывод a+b кон </pre>
Python	
<pre> x = int(input()) a=0; b=10 while x > 0: d = x % 6 if d > a: a = d if d < b: b = d x = x // 6 print(a+b) </pre>	

Ответ: _____.

21

Какое число будет напечатано в результате работы следующей программы? Для Вашего удобства программа приведена на пяти языках программирования.

Бейсик	Паскаль
<pre> DIM A, B, T, M, R AS INTEGER A = -9: B = 9 M = A: R = F(A) FOR T = A TO B IF F(T) <= R THEN M = T R = F(T) END IF NEXT T PRINT M+R FUNCTION F(x) IF X>0 THEN F = (x-10)*(x-10) + 4 ELSE F = (x+9)*(x+9) + 5 END IF END FUNCTION </pre>	<pre> var a, b, t, M, R :integer; function F(x:integer):integer; begin if x>0 then F := (x-10)*(x-10) + 4 else F := (x+9)*(x+9) + 5 end; begin a := -9; b := 9; M := a; R := F(a); for t := a to b do begin if F(t) <= R then begin M := t; R := F(t) end end; write(M+R) end. </pre>
C++	Алгоритмический язык
<pre> #include <iostream> using namespace std; int F(int x) { if (x>0) return (x-10)*(x-10) + 4; else return (x+9)*(x+9) + 5; } int main() { int a, b, t, M, R; a = -9; b = 9; M = a; R = F(a); for (t=a; t<=b; ++t) { if (F(t) <= R) { M = t; R = F(t); } } cout << M+R; return 0; } </pre>	<pre> алг нач цел a, b, t, M, R a := -9; b := 9 M := a; R := F(a) нц для t от a до b если F(t) <= R то M := t; R := F(t) все кц вывод M+R кон алг цел F(цел x) нач если x>0 то знач := (x-10)*(x-10) + 4 иначе знач := (x+9)*(x+9) + 5 все кон </pre>

Python

```
def F(x):  
    if x>0:  
        return (x-10)*(x-10) + 4  
    else:  
        return (x+9)*(x+9) + 5  
a=-9; b=9  
M=a; R=F(a)  
for t in range(a,b+1):  
    if F(t) <= R:  
        M=t; R=F(t)  
print(M+R)
```

Ответ: _____.

22

Исполнитель РазДваПять преобразует число на экране.

У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера:

1. Прибавить 1

2. Умножить на 2

3. Прибавить 5

Первая команда увеличивает число на экране на 1, вторая умножает его на 2, третья увеличивает на 5.

Программа для исполнителя РазДваПять – это последовательность команд.

Сколько существует программ, которые преобразуют исходное **число 1 в число 16**, и при этом траектория вычислений **содержит число 8 и не содержит числа 10**?

Траектория вычислений – это последовательность результатов выполнения всех команд программы. Например, для программы **312** при исходном числе 4 траектория будет состоять из чисел 20, 21, 42.

Ответ: _____.

23

Сколько существует различных наборов значений логических переменных x_1, x_2, \dots, x_{10} , которые удовлетворяют всем перечисленным ниже условиям?

$$(x_1 \vee x_2) \rightarrow (x_3 \wedge x_4) = 1$$

$$(x_3 \vee x_4) \rightarrow (x_5 \wedge x_6) = 1$$

$$(x_5 \vee x_6) \rightarrow (x_7 \wedge x_8) = 1$$

$$(x_7 \vee x_8) \rightarrow (x_9 \wedge x_{10}) = 1$$

В ответе **не нужно** перечислять все различные наборы значений переменных x_1, x_2, \dots, x_{10} , при которых выполнена данная система равенств. В качестве ответа Вам нужно указать количество таких наборов.

Ответ: _____.

Часть 2

Для записи ответов на задания этой части (24–27) используйте отдельный лист. Запишите сначала номер задания (24, 25 и т. д.), а затем – полное решение. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

24

Факториалом натурального числа N (обозначается $N!$) называется произведение всех натуральных чисел от 1 до N . Например, $4! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 = 24$.

Даны целые положительные числа A и B , $0 < A \leq B$. Необходимо найти количество таких натуральных K , для которых $A \leq K! \leq B$. Например, при $A = 5$, $B = 25$ ответ должен быть равен 2 (подходящие значения K – 3 и 4, их факториалы 6 и 24 попадают в заданный интервал).

Для решения этой задачи ученик написал программу, но, к сожалению, его программа неправильная.

Ниже эта программа для Вашего удобства приведена на пяти языках программирования.

Бейсик	Python
<pre> DIM A, B, K, F, D AS INTEGER INPUT A: INPUT B F = 1 K = 0 D = 0 WHILE F < B IF F >= A THEN D = D + 1 END IF K = K + 1 F = F * K WEND PRINT D END </pre>	<pre> a = int(input()) b = int(input()) f = 1 k = 0 d = 0 while f < b: if f >= a: d += 1 k += 1 f *= k print(d) </pre>
Алгоритмический язык	Паскаль
<pre> алг нач цел a, b, k, f, d ввод a, b f := 1 k := 0 d := 0 нц пока f < b если f >= a то d := d + 1 все k := k + 1 f := f * k кц вывод d кон </pre>	<pre> var a, b, k, f, d: integer; begin read(a, b); f := 1; k := 0; d := 0; while f < b do begin if f >= a then d := d + 1; k := k + 1; f := f * k; end; writeln(d); end. </pre>

C++

```
#include <iostream>
using namespace std;
int main(){
    int a, b, k, f, d;
    cin >> a >> b;
    f = 1;
    k = 0;
    d = 0;
    while (f < b) {
        if (f >= a)
            ++d;
        ++k;
        f *= k;
    }
    cout << d;
    return 0;
}
```

Последовательно выполните следующее.

1. Напишите, что выведет эта программа при вводе чисел 2 и 6.
2. Приведите пример входных данных, при которых программа выведет ответ, который больше правильного.
3. Найдите в программе все ошибки (известно, что их не больше двух) и исправьте их. Для каждой ошибки выпишите строку, в которой она допущена, и приведите эту же строку в исправленном виде.

Достаточно указать ошибки и способ их исправления для одного языка программирования.

Обратите внимание: Вам нужно исправить приведённую программу, а не написать свою. Вы можете только заменять ошибочные строки, но не можете удалять строки или добавлять новые. Заменять следует только ошибочные строки: за исправления, внесённые в строки, не содержащие ошибок, баллы будут снижаться.

25

Дан массив, содержащий 2019 положительных целых чисел, не превышающих 15 000. Необходимо найти сумму минимального чётного и минимального нечётного элементов (если в массиве нет чётных или нечётных элементов, соответствующий минимум считается равным нулю), увеличить все элементы, которые меньше этой суммы, на её значение и вывести изменённый массив. Например, для исходного массива из пяти элементов – 30, 99, 27, 90, 42 – программа должна вывести числа 87, 99, 84, 90, 99 (сумма минимумов равна 57, все элементы, меньшие 57, увеличены на 57).

Напишите на одном из языков программирования программу для решения этой задачи.

Исходные данные объявлены так, как показано ниже. Запрещается использовать переменные, не описанные ниже, но разрешается не использовать часть из описанных.

Бейсик	Python
<pre> CONST N=2019 DIM A(N) AS INTEGER DIM I, K, M AS INTEGER FOR I = 1 TO N INPUT A(I) NEXT I ... END </pre>	<pre> # кроме уже указанных # допускается использование # целочисленных переменных # k, m a = [] N = 2019 for i in range(0, N): a.append(int(input())) ... </pre>
Алгоритмический язык	Паскаль
<pre> алг нач цел N=2019 целтаб a[1:N] цел i, k, m нц для i от 1 до N ввод a[i] кц ... Кон </pre>	<pre> const N=2019; var a: array [1..N] of integer; i, k, m: integer; begin for i:=1 to N do readln(a[i]); ... end. </pre>
C++	
<pre> #include <iostream> using namespace std; const int N=2019; int main(){ int a[N]; int i, k, m; for (i=0; i<N; ++i) cin >> a[i]; ... return 0; } </pre>	

В качестве ответа Вам необходимо привести фрагмент программы, который должен находиться на месте многоточия. Вы можете записать решение также на другом языке программирования (укажите название и используемую версию языка программирования, например Free Pascal 2.6). В этом случае Вы должны использовать те же самые исходные данные и переменные, какие были предложены в условии.

26

Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежат две кучи камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может **убрать** из одной из куч **один камень** или **уменьшить количество камней в куче в два раза** (если количество камней в куче нечётно, остаётся на 1 камень меньше, чем убирается). Например, пусть в одной куче 6, а в другой 9 камней; такую позицию мы будем обозначать (6, 9). За один ход из позиции (6, 9) можно получить любую из четырёх позиций: (5, 9), (3, 9), (6, 8), (6, 5).

Игра завершается в тот момент, когда суммарное количество камней в кучах становится не более 40. Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший позицию, в которой в кучах будет 40 или меньше камней.

В начальный момент в первой куче было 20 камней, во второй куче – S камней, $S > 20$.

Будем говорить, что игрок имеет *выигрышную стратегию*, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока – значит описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника. В описание выигрышной стратегии не следует включать ходы играющего по ней игрока, которые не являются для него безусловно выигрышными, то есть не гарантируют выигрыш независимо от игры противника.

Выполните следующие задания.

Задание 1.

Назовите все значения S , при которых Петя может выиграть первым ходом.

Задание 2.

Укажите такое значение S , при котором у Пети есть выигрышная стратегия, причём Петя не может выиграть первым ходом, но может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня. Для указанного значения S опишите выигрышную стратегию Пети.

Задание 3.

Укажите такое значение S , при котором у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети, и при этом у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

Для указанного значения S опишите выигрышную стратегию Вани. Постройте дерево всех партий, возможных при этой выигрышной стратегии Вани (в виде рисунка или таблицы). В узлах дерева указывайте игровые позиции. Дерево не должно содержать партий, невозможных при реализации выигрывающим игроком своей выигрышной стратегии. Например, полное дерево игры не будет верным ответом на это задание.

27

Дана последовательность N целых положительных чисел. Рассматриваются все пары элементов последовательности, находящихся на расстоянии не меньше 6 (разница в индексах элементов должна быть 6 или более). Необходимо определить количество пар, сумма чисел в которых чётна.

Описание входных и выходных данных

В первой строке входных данных задаётся количество чисел N ($6 \leq N \leq 1000$). В каждой из последующих N строк записано одно натуральное число, не превышающее 10 000.

Пример входных данных:

8
1
3
5
4
6
7
9
8

Пример выходных данных для приведённого выше примера входных данных:

1

Пояснение. Из 8 чисел можно составить 3 пары, удовлетворяющие условию. Это будут элементы с индексами 1 и 7, 1 и 8, 2 и 8. Для заданного набора чисел получаем пары (1, 9), (1, 8), (3, 8). Суммы чисел в этих парах равны 10, 9, 11. Чётная сумма – одна.

Напишите эффективную по времени и по памяти программу для решения этой задачи.

Программа считается эффективной по времени, если при увеличении количества исходных чисел N в k раз время работы программы увеличивается не более чем в k раз.

Программа считается эффективной по памяти, если память, необходимая для хранения всех переменных программы, не превышает одного килобайта и не увеличивается с ростом N .

Максимальная оценка за правильную (не содержащую синтаксических ошибок и дающую правильный ответ при любых допустимых входных данных) программу, эффективную по времени и по памяти, – 4 балла.

Максимальная оценка за правильную программу, эффективную только по времени или только по памяти, – 3 балла.

Максимальная оценка за правильную программу, не удовлетворяющую требованиям эффективности, – 2 балла.

Вы можете сдать **одну** или **две** программы решения задачи. Если Вы сдадите две программы, каждая из них будет оцениваться независимо от другой, итоговой станет **бóльшая** из двух оценок.

Перед текстом программы кратко опишите алгоритм решения. Укажите использованный язык программирования и его версию.